一般論文~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~

# 台車振動と試験振動における蓄積疲労の比較 確率密度分布が蓄積疲労に与える影響

細山 亮\*、中嶋 隆勝\*

# Comparative Study of Accumulated Fatigues Caused by Vibrations of a Cart and a Testing Machine

-Effect of a Probability Density Function on Accumulated Fatigue-

Akira HOSOYAMA\* and Takamasa NAKAJIMA\*

振動試験の精度向上を目的とし、ランダム振動加速度の確率密度分布が疲労に与える影響を明らかにするために数値 解析による検討を行った。また、実際の輸送と振動試験で蓄積する疲労の違いを比較するために走行実験も行った。そ の結果、数値解析からは、PSD が等しくても尖度が大きくなるにつれ最大発生加速度も大きくなり、蓄積疲労が大き くなることがわかった。また、走行実験からは、現在の振動試験の加速度は常にガウス分布となるが、実際の輸送で得 られる加速度は必ずしもガウス分布とならないことが確認できた。さらに、振動試験に対して実際の輸送では、数値解 析結果と同様、蓄積疲労が大きく異なることも示した。これらのことから、現状の振動試験は実際の輸送に対して必ず しも等価な試験にはならず、精度の高い振動試験を行うためには、輸送データの PSD だけでなく、確率密度分布にも 着目しなければならないことがわかった。

In order to improve the accuracy of vibration tests, an investigation by a numerical simulation was performed so that the effect of a probability density function of random vibration on accumulated fatigue would become clear. In addition, an experiment to run a cart was performed to confirm the difference between accumulated fatigues of transportation and vibration tests. From the result of a numerical simulation, it was shown that when kurtosis was larger, the maximum of acceleration became larger. Consequently, it was indicated that accumulated fatigue became larger in spite of using the same PSD. Moreover, from the running experiment, it was confirmed that vibration tests always had a gaussian distribution, but transportation didn't always have a gaussian distribution. Furthermore, it was shown that there was a large difference between accumulated fatigues of transportation and vibration tests are not always the same as transportation, and in order to perform an accurate vibration testing, we need to consider a probability density function as well as PSD of transportation acculated nacculated.

キーワード:包装、輸送、製品損傷、振動試験、加速度、非ガウス分布

Keywords : Packaging, Transportation, Product Damage, Vibration Test, Acceleration, Non-Gaussian Distribution

<sup>\*</sup>大阪府立産業技術総合研究所 〒594-1157 大阪府和泉市あゆみ野 2-7-1 Technology Research Institute of Osaka Prefecture, 2-7-1, Ayumino, Izumi, Osaka 594-1157, Japan

1.緒言

振動試験は、貨物輸送時の振動に対して、 包装貨物が損傷するか否かを事前に確認する ために実施される。製品出荷前における振動 試験で不具合が生じた場合、製品強度を向上 させる、または緩衝材を厚くするといった対 策が講じられる。しかし、対策を講じてもな お包装貨物が損傷する場合があり、現在の試 験規格では実輸送での損傷を再現できている とは言い難い。その原因の一つとして、振動 試験機で発生する加速度と実輸送で発生する 加速度の確率密度分布が異なることが挙げら れる。

実輸送で発生する加速度はガウス分布とな るとは限らないが、現在の JIS<sup>1)</sup>では、与えら れた加速度 PSD に基づいて振動試験が行わ れ、発生する加速度は常にガウス分布となっ ている。そのため、実輸送時と振動試験では、 蓄積する疲労に差が生じると考えられる。こ れまで、Rouillard<sup>2)</sup>や Steinwolf<sup>3)</sup>、Van Baren<sup>4)</sup> は実輸送と振動試験の確率密度分布を比較し、 その分布形状が異なることを示している。ま t, Rouillard <sup>2)</sup> t Winterstein <sup>5)</sup>, Steinwolf <sup>6)</sup> は、実輸送時の振動を再現する新しい手法を 提案している。しかしながら、これまでの研 究では、振動波形、確率密度分布の差につい て述べられてはいても、確率密度分布の違い が疲労に与える影響を定量的に示している研 究は見当たらない。

そこで、本研究では、振動試験の精度向上を目的とし、確率密度分布の違いがどの程度

蓄積疲労に影響を与えるのかを明らかにする。 すなわち、数値計算により、共通の PSD を用 いてガウス型および非ガウス型ランダム振動 を生成し、両者に蓄積する疲労の違いを明ら かにする。さらに、実輸送で発生する振動の 一例として、台車の荷台に発生する加速度を 測定する。そして、その測定データから算出 した PSD を用いて試験機を動作させ加速度 を測定し、台車振動と試験振動とでは同じ PSD であるにもかかわらず蓄積疲労が異なる ことを示す。

2. 非ガウス型ランダム振動生成法

2.1 非ガウス分布の定量化

非ガウス分布を定量化するために尖度 (Kurtosis)、歪度(Skewness)と呼ばれる指標を 用いる。尖度は分布の裾野の広さを、歪度は 分布の左右非対称性の度合いを示し、それぞ れ非ガウス分布の特徴を表す高次の統計量で ある。今、N個のデータ $x_1, x_2, ..., x_N$ を考え ると、尖度K、歪度Sはそれぞれ次式で表さ れる<sup>3)</sup>。

$$K = \frac{M_4}{\sigma^4}, \quad S = \frac{M_3}{\sigma^3}$$

$$M_n = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - m)^n$$
(1)

ここで、 M<sub>n</sub>は n 次のモーメント、 は標 準偏差、m は平均である。この尖度と歪度を 用いることで非ガウス分布を定量的に表すこ とが可能となる。 2.2 ガウス分布から非ガウス分布への変換

非ガウス型ランダム振動生成法に関する研 究はこれまで数多くなされてきた。 Winterstein<sup>5)</sup>は、多項式を用いて確率密度分布 をガウス型から非ガウス型へ変換することに より、非ガウス型ランダム振動を生成してい る。また、Steinwolf<sup>6</sup>は、フーリエ変換後に 得られる振幅成分と位相成分のうち、位相成 分を適切に設定することにより、非ガウス型 ランダム振動を生成している。しかしながら、 Winterstein の方法は確率密度分布をガウス型 から非ガウス型へ変換したときに PSD が変 化する場合があるため制御が困難であり、ま た Steinwolf の方法は適切な位相成分を探索 することが困難であるという問題がある。こ のような問題点があるものの、Winterstein の 方法では、簡便に非ガウス型ランダム振動が 得られるため、本研究では Winterstein の方法 を用いる。

以下、非ガウス型ランダム振動の生成法に ついて説明する。まず、ガウス型ランダム振 動を生成する。次に、生成したガウス型ラン ダム振動をエルミート多項式を用いて非ガウ ス型ランダム振動に変換する。エルミート多 項式によるガウス型から非ガウス型への変換 式を示す<sup>5)</sup>。

$$y(x) = \left[\sqrt{\xi^2(x) + c} + \xi(x)\right]^{1/3} - \left[\sqrt{\xi^2(x) + c} - \xi(x)\right]^{1/3} - a$$
  
$$\xi(x) = 1.5b\left(a + \frac{x}{\kappa}\right) - a^3, \quad a = \frac{\hat{h}_3}{3\hat{h}_4}, \quad b = \frac{1}{3\hat{h}_4}, \quad c = (b - 1 - a^2)^3$$
  
$$\hat{h}_3 = \frac{S}{4 + \sqrt{1 + 1.5(K - 3)}}, \quad \hat{h}_4 = \frac{\sqrt{1 + 1.5(K - 3)} - 1}{18}, \quad \kappa = \frac{1}{\sqrt{1 + 2\hat{h}_3^2 + 6\hat{h}_4^2}}$$
  
(2)

ここで、x は非ガウス型ランダム振動、y(x)は ガウス型ランダム振動を、K は尖度、S は歪 度を表す。式(2)の K、S に尖度、歪度の値を 設定することによって、所望の非ガウス型ラ ンダム振動を生成することができる。

#### 3. 蓄積疲労算出方法

## 3.1 蓄積疲労による損傷度評価

構造物に作用する応力は、一定振幅の繰り 返しではなく、不規則に変動することが多い。 疲労寿命の推定では、変動応力に対する寿命 推定方法として、線形累積損傷則 (Palmgren-Miner 則)がよく用いられる。線形 累積損傷則とは、各応力レベルについて、そ れぞれ損傷度を加算し、その和が1になった ときに破壊すると考えるものである。すなわ ち、ある応力 $S_i$ に対する寿命が $N_i$ 回である とき、応力 $S_i$ が $n_i$ 回繰り返されたときの損傷 度は $n_i/N_i$ で与えられ、次式が成立すれば破 壊するという考え方である。

$$\sum \frac{n_i}{N_i} = 1 \tag{3}$$

金属材料は繰り返し応力が加わると、一定回 数の繰返しを受けたときに破断する。繰り返 し応力Sを縦軸に、破断するまでの回数Nを 横軸にプロットし、両対数グラフで描いたも のがS-N曲線と呼ばれる。Fig.1にS-N曲 線を示す。S-N曲線を用いることで、一定 の繰り返し応力に対する寿命を推定すること ができる。この曲線の関係式は式(4)で表わさ れる。

$$N_i S_i^{\ \alpha} = \beta \tag{4}$$

ここで、、、は材料固有の値であり、一 般に は加速係数と呼ばれている。いま、応 力S<sub>i</sub>がn<sub>i</sub>回繰り返されたときの疲労を

$$\beta_{i} = n_{i} \left| S_{i} \right|^{\alpha} \tag{5}$$

と定め、これを蓄積疲労 <sup>7)</sup>と呼ぶと、式(3)は 式(4)、式(5)を用いて次式に置き換えることが できる。

$$\sum \beta_i = \beta \tag{6}$$

以上の金属疲労の考えを振動耐久試験に適 用すると、応力に代わって振動加速度を用い ることで、振動が作用したときの製品が破損 するまでの時間を推定することができる。



# 3.2 加速度波形のカウント方法

実輸送時に製品に生じる振動は、ランダム 振動であり、ランダム振動に対する疲労強度 を調べるためには、どのような加速度が何回 生じたかカウントする必要がある。ここでは、 加速度レベルをカウントするために、ピーク カウント法<sup>8)</sup>を用いる。ピークカウント法と は、加速度の極大・極小値を全てカウントし ていく方法である。Fig.2 に加速度波形の例を 示す。ピークカウント法では、図中の P1、P2、 P3、P4、P5 の全てを加速度のピーク値として カウントする。カウントされた加速度ピーク 値とその回数を式(5)の  $S_i$ 、 $n_i$ に代入するこ とにより、蓄積疲労  $\beta_i$ を算出することができ る。



Fig.2 Acceleration waveform

# 4. 数値解析方法および実験方法

4.1 数值解析方法

確率密度分布の違いが疲労に与える影 響を調べるために、Fig.3 に示す PSD を用 いて、(i)尖度 K=3、歪度 S=0、(ii)尖度 K=5、 歪度 S=0、(iii)尖度 K=7、歪度 S=0 に設定 した場合についてランダム振動を生成し た。蓄積疲労の算出にあたっては、加速係 数 を一般的に電機部品に使用される値 として =4 と設定した<sup>9)</sup>。なお、尖度の 違いによる蓄積疲労の比較に際しては、(i) 尖度 K=3、歪度 S=0 に設定したときの蓄積 疲労を 1 として、(ii)尖度 K=5、歪度 S=0、 (iii)尖度 K=7、歪度 S=0 の蓄積疲労を求め た。



#### 4.2 実験方法

Fig.4 に示すように加速度センサを台車の 荷台の中央部に設置し、台車走行させたとき に鉛直方向に生じる加速度を測定した。次に、 台車の加速度測定で得られたデータから PSDを算出し、その PSD を用いて振動試験 機でランダム振動を再現させ、振動台の加速 度測定を行った。計測条件は台車、振動台と もに計測時間 80sec、サンプリング時間 0.5msec と設定し、蓄積疲労の算出において は、加速係数 を数値解析の設定値と同様 に、 =4 と設定した。蓄積疲労の比較に際 しては、試験機の蓄積疲労を1として、台車 の蓄積疲労を算出し比較を行った。



Fig.4 Position of acceleration sensor

5. 結果と考察

5.1 非ガウス性が蓄積疲労に与える影響

Table1 に数値計算で得られたランダム振動の尖度、歪度の値を示す。Table1 より、ほぼ設定値通りの尖度、歪度が得られていることがわかる。また、Fig.5、Fig.6、Fig.7 に加速度波形、PSD、確率密度分布を示す。

Fig.5 の加速度波形を見ると、尖度が大きく なるにつれ、最大加速度が大きくなっている。 また、Fig.7 の確率密度分布を見ると、尖度が 大きくなるにつれて、確率密度分布の裾野が 広くなっており、大きな加速度の発生確率が 大きくなっている。このように尖度が大きく なるにつれて、発生する最大加速度も大きく なることがわかる。

Fig.8 に、(i)尖度 K=3、歪度 S=0、(ii)尖度 K=5、歪度 S=0、(iii)尖度 K=7、歪度 S=0 に 設定した場合の蓄積疲労を示す。Fig.8 を見る と、PSD が等しくても尖度が大きくなるにつ れ蓄積疲労が大きくなっており、尖度すなわ ち確率密度分布が蓄積疲労に非常に大きな 影響を与えていることがわかる。このことか ら、確率密度分布は、振動試験を実施する際 に着目しなけらばならない重要なファクタ ーであると言える。

Table1 Kurtosis and skewness obtained by numerical simulation

設定値		数値計算結果の値	
尖度	歪度	尖度	歪度
3	0	2.97	-0.01
5	0	4.76	0
7	0	6.63	0.01



Fig.5 Acceleration waveform obtained by numerical simulation





Fig.8 Relation between accumulated fatigue and kurtosis

#### 5.2 試験機および台車の振動

Fig.9、Fig.10、Fig.11 に台車および試験機の 加速度波形、PSD、確率密度分布を示す。Fig.9、 Fig.10 を見ると、PSD が等しくても、加速度波 形は異なったものになっている。これは、現 在の試験規格では、確率密度分布をガウス分 布として扱っているが、実輸送は必ずしもガ ウス分布とならないことを示している。また、 Fig.11 より、台車と試験機の確率密度分布を比 較すると、両者の確率密度分布は大きく異な り、特に加速度が標準偏差の3倍を超えたあ たりから、差が生じていることがわかる。

Fig.12 に台車および試験機の蓄積疲労を示 す。Fig.12 より、台車と試験機で蓄積疲労を 比較すると、台車は試験機の 3.5 倍の疲労を 受けている。これは PSD が等しくても、確 率密度分布の違いによって、疲労が大きく異 なることを示している。

以上のことから、精度の高い振動試験を行 うためには、PSDの情報だけでなく、確率密 度分布についても十分に考慮する必要があ ることがわかる。



(b) Vibration testing machine







Fig.10 Acceleration PSD of a cart and vibration testing machine



Fig.11 Probability density function of a cart and vibration testing machine



(x: acceleration,  $\boldsymbol{\sigma}:$  standard deviation )



# 6. 結論

本研究では、数値計算により確率密度分布 の違いが蓄積疲労に与える影響について明ら かにした。また、走行実験により、振動試験 と実輸送における蓄積疲労の比較を行った。 以下、得られた結果を示す。

- (1) 数値計算により、尖度が大きくなれば、 発生最大加速度も大きくなり、その結 果、蓄積疲労も大きくなることを示し た。
- (2) 台車の走行実験により、現在の振動試 験は常にガウス分布となるが、実輸送

は必ずしもガウス分布とならないこ とを確認した。

- (3) 台車の走行実験により、試験振動と台
   車振動では、蓄積疲労が大きく異なる
   ことを示した。
- (4) 現在の振動試験は常にガウス分布となるため、実輸送時と振動試験では必ずしも等価な試験にはならず、精度の高い振動試験を行うためには、輸送データの PSD だけではなく、確率密度分布にも着目しなければならないことを明らかにした。

今後は、振動試験のさらなる精度向上のために、 現在よりも精度良く蓄積疲労を評価する方法に ついて研究を進めていく予定である。

# 7. 謝辞

本研究は、JST 地域イノベーション創出総 合支援事業、平成20年度シーズ発掘試験「振 動破損事故の防止に役立つ非ガウス型ランダ ム振動試験機の開発」の援助のもとに実施し た。本援助に深く謝意を表する。

## <参考文献 >

- 1) JIS Z 0232:2004 包装貨物 振動試験 方法
- V.Rouillard and M.A.SEK, Packaging Technology and Science, 13, 149-156 (2000)
- 3) A.Steinwolf, Sound and Vibration, September,12-21(2006)

- Philip Van Baren, Sound and Vibration, October, 2-7(2005)
- S.R.Winterstein, Journal of Engineering Mechanics, ASCE, 114(10), 1772 -1790 (1988)
- A.Steinwolf, R.A.Ibrahim, Probabilistic Engineering Mechanics, 14, 289-299(1999)
- 7) たとえば、中嶋隆勝、津田和城、川田
   浩二、山内佳門、日本包装学会誌、
   Vol.16、No.1、41-52(2007)
- 8) たとえば、日本材料学会編、"材料強度学"、日本材料学会、p.117(2001)
- 振動試験仕様開発方法、セミナー資料、
   IMV(株)、(2003)

(原稿受付 2010年1月14日) (審査受理 2010年3月4日)